基于四维变分同化方法的南海中尺度涡后报实验^{*}

赵 军^{1, 2, 3} 高 山^{1, 2, 3, 4} 王 凡^{1, 2, 3, 4}

 (1. 中国科学院海洋研究所 青岛 266071; 2. 中国科学院海洋环流与波动重点实验室 青岛 266071; 3. 中国科学院大学 北京 100049; 4. 青岛海洋科学与技术试点国家实验室 海洋动力过程与气候功能实验室 青岛 266237)

摘要 海洋中尺度涡在本质上是属于满足准地转平衡的大尺度运动,因此理论上,其在短时间内 的运动将主要受到准地转平衡关系的约束,而外部强迫场的影响在短期内不会明显改变其运动特 征。基于上述思想,我们提出了一种基于四维变分同化初始场的中尺度涡旋预报方案。为了检验该 方案的可行性,本文使用区域海洋模式(regional ocean modeling system, ROMS)和其内建的增量强约 束四维变分同化(incremental strong constraint four dimensional variational, I4D-Var)模块,建立了一个 南海海洋同化模拟系统。首先,通过 I4D-Var 方法将 AVISO 卫星高度计资料同化到海洋数值模拟中, 获得了理想的中尺度涡同化模拟结果。同化、模式模拟和观测三者的中尺度涡统计结果表明,该同 化系统模拟的南海中尺度涡的路径、半径、海表高度异常和振幅等特征信息与 AVISO (Archiving Validation and Interpolation of Satellite Oceanographic Data)观测结果高度吻合,同时在深度上的分析 表明,涡旋对应的温度、盐度和密度均得到有效的调整。然后,将该同化系统的模拟结果做为初始场, 对某一特定时段的南海中尺度涡进行了后报模拟和结果的定量化分析。通过比较后报模拟与观测资 料中对应涡旋的海表面高度异常(sea surface height anomalies, SSHA)相关系数、涡心差距和半径绝对 误差,证明该方案的中尺度涡后报时效至少可达 10 d 以上。后报实验结果验证了该中尺度涡预报方 案的可行性,从而为中尺度涡的预报提供一定的理论基础和可行性方案。

关键词 南海; 中尺度涡; 区域海洋模式 ROMS; 四维变分数据同化; 预报 中图分类号 731.3 doi: 10.11693/hyhz20210200051

南海是中国三大边缘海中最大最深的一个,同时也是西北太平洋最大的半封闭式边缘海。南海作为中尺度涡旋活跃地,已经引起越来越多海洋学者的关注。目前南海涡旋的形成机制主要包括有:黑潮环流脱落(Zhang et al, 2017)、风应力旋度(Wang et al, 2005)、地形风急流(Wang et al, 2008)、黑潮入侵引起的锋面不稳定(Wu et al, 2007)、黑潮流径变化(Nan et al, 2011)等等。此外,中尺度涡在南海北部大尺度环流的调整中也起着重要作用。Xiu 等(2010)使用ROMS (regional ocean modeling system)模式结合AVISO (archiving validation and interpolation of satellite oceanographic data)资料提供的融合海面高度

异常数据,统计分析了 1993—2007 年南海中尺度涡 的特征。模式模拟的涡旋数量与卫星观测数相差不大, 涡旋的生命周期和涡旋大小以及涡旋的垂直范围和 涡旋大小都存在线性关系。Lin 等(2015)采用 ROMS 模式对南海中尺度涡的三维特征进行了统计分析, 并将涡旋的形成机制分为 3 种类型,表面风应力输 入、海流与海底地形相互作用以及黑潮入侵。虽然数 值模拟可以很好地再现南海中尺度涡特征,但是由 于各种不确定性,诸如垂直混合参数化、大气强迫、 分辨率等等都会对模拟结果产生影响,导致模拟的 中尺度涡旋与实际观测很难在时间和空间上较好地 对应。研究表明,只有在模式中加入数据同化才能模

通信作者: 高 山, 博士生导师, 研究员, E-mail: gaoshan@qdio.ac.cn 收稿日期: 2021-02-18, 收修改稿日期: 2021-04-20

^{*} 国家重点研发计划, 2016YFC0301203 号; 国家自然科学基金项目, 41676009 号。赵 军, 博士研究生, E-mail: zhaojun_ 89@163.com

拟到与实际观测相近的中尺度涡(Oke *et al*, 2013),进 而为中尺度涡预报提供必要的初始条件。

现阶段随着海洋观测技术的不断进步、越来越 多的观测调查在南海展开、尤其是卫星海洋高度计 数据提供了长期的中尺度涡观测资料。若能将这些观 测资料和动力模型结合,可以极大地提高模拟系统 的准确性、同时也可以为中尺度涡的预报提供更为 精准的初始条件。高山等(2007)使用大气物理研究所 的 OVALS (ocean variational analysis system) 三维变分 同化系统、结合 POM(princeton ocean model)模式对 中尺度涡进行了同化模拟实验。该系统将卫星高度计 资料同化反演成为温、盐伪观测数据,然后再次进行 常规温盐同化、得到温、盐分析场。将实验结果与观 测结果比较表明、加入高度计资料同化的模拟结果 远远好于未使用同化的模拟结果、说明高度计反演 温盐场的三维变分同化方法对于模拟中尺度涡现象 是非常有效的。Neveu 等(2016)基于 0.1°分辨率的 ROMS 模式,利用四维变分同化方法将两组历史观 测序列同化到加利福尼亚流系统(California current system, CCS), 发现两组实验中的代价函数都显著降 低,此外通过定量评估发现数据同化还可以改变 CCS 的环流系统。赵福等(2017)基于 1/30°分辨率的 ROMS 模式,利用集合最优插值(ensemble optimal interpolation, EnOI)同化方法对南海北部中尺度涡进 行了同化模拟研究。模拟结果再现了 2013 年冬季发 生在台湾岛西南海域的一对冷、暖中尺度涡的生成及 传播过程。结果同样表明模式加入数据同化能够模拟 出与观测数据相近的中尺度涡。Xie 等(2020)将 1993 —2011年的南海海表高度异常资料通过 EnOI 方法同 化到模式中,发现可以使模拟的气旋涡(反气旋涡)的 数量增加 10.3%(13.6%),同时还发现经过数据同化 后, 中尺度涡旋的发生有非常明显的季节性变化。

尽管已经有了如此多的研究基础,但是我国海 洋观测技术与海洋再分析预报技术起步较晚,中尺 度涡旋的数值模拟与同化工作发展较慢。以往对中尺 度涡的研究工作大部分属于方法技术的研究范畴, 使用四维变分方法的中尺度涡同化预报研究比较缺 乏,没有形成实用性的海洋中尺度模拟预报系统产 品,与国外相比差距较大,因此,目前迫切需要研制 实用性的中尺度涡数值预报应用产品。本文的目的是 通过四维变分数据同化得到最优化初始场,从而为 中尺度涡的预报提供一定的理论基础和可行性方案。

本文使用 ROMS 模式提供的四维变分同化模块,

针对我国南海重点海域的中尺度涡进行了同化模拟 实验。在此基础上,使用同化结果作为初始场,对南 海中尺度涡进行了系统的后报实验。本文第1部分主 要介绍 ROMS 模式、同化方案与涡旋探测识别方法, 第2部分介绍同化结果的验证和中尺度涡旋的后报 模拟实验,第3部分为结果与讨论。

1 模式与方法

1.1 ROMS 模式设置

ROMS 是一个三维的、自由海面、静水压原始方 程模型,水平方向为正交曲线网格,具有基于地形跟 随的坐标系统(Shchepetkin *et al*, 2005)。ROMS 包含 多种参数化垂直混合方案和平流方案。在本次模拟中, 水平(垂直)方向的动量、温盐平流方案采用的是三阶 迎风(四阶中心)平流方案,垂向涡黏性参数化方案采 用非线性 KPP 混合方案(K- profile parameterization) (Large *et al*, 1994)。近年来 ROMS 作为新兴的海洋模 式被广泛应用于海洋生态系统、沉积物、海气相互作 用等领域。

本文选取的模拟区域为 105.1°—147.2°E, 2.3°S —27.2°N, 水平网格分辨率为 0.1°, 垂直方向分为 50 层, 表层和底层的拉伸系数分别为 6.0 和 0.1。模式的 水深数据为美国国家地球物理数据中心提供的 ETOPO2 地形资料(https://rda.ucar.edu/datasets)。为了 减小随底坐标系中陡峭地形引起的压力梯度力的计 算误差, 采用 Shapiro 滤波器(Penven *et al*, 2008)对地 形进行平滑处理。

为了得到匹配模式自身的平衡初始场,模式用 气候态数据进行了 60 a 的起转(spin-up)过程。其中气 候态的侧边界采用 SODA (simple ocean data assimilation) 再分析数据的气候态月平均数据。起转过程的初始场 选取 SODA 资料一月份的月平均数据,海表条件均 来自气候态 NCEP(National Centers for Environmental Prediction)数据。此外,模式在海表强迫中加入了海 表温度(sea surface temperature, SST)和海表盐度(sea surface salinity, SSS)以校正海表的温盐通量状况,这 里 SST 和 SSS 采用美国海洋资料中心(U.S. National Oceanographic Data Center)提供的分辨率为 1°的海洋 气候态平均资料 WOA09(World Ocean Atlas 2009)。

经过长期的运行调整,其动力学热力学过程已 经与模式相适应,选取第 60 年 1 月份的结果作为模 式模拟的初始场,为了保证侧向开边界、表面强迫场 之间数据的匹配,模式中的大气动力、热通量和淡水 通量强迫场以及侧边界的海表高度、温度、盐度、斜 压水平流速场均来自 NCEP 数据,模式模拟的时间范 围为 2003 年 1 月 1 日—2013 年 1 月 30 日。

1.2 ROMS 模式验证

基于以上模式的设置,我们首先对所研究区域 的表层温盐场和流场情况进行了验证。如图 1 所示, 将模式模拟的气候态(2008 年 1 月 1 日—2012 年 12 月 31 日输出的平均结果)SST 和 SSS 与 WOA13 数据 进行对比。可以看到南海 SST 从北向南逐渐增加(图 1a),而且其等温线的分布基本上和南海等深线的走 向是一致的,呈东北西南向分布。其中北部陆架区温 度较低,SST基本在22—24°C之间,从北边的陆架向 南温度逐渐增加至26—28°C之间。而在西北太平洋 附近,等温线的分布基本上与纬度平行且由北向南 逐渐递增。南海的气候态 SSS 则呈现自东北吕宋海峡 附近向西南递减的团带状分布模式,而且南海 SSS 自 东北向西南的梯度差别非常小,基本维持在 33.5— 34.5。此外,图 1c、1d 中均可以看到西北太平洋在 8° —16°N 附近有一个明显的低盐度区,这主要是由于 西向的北赤道流导致的。



图 1 长期平均的海表面温度(sea surface temperature, SST)和海表面盐度(sea surface salinity, SSS) Fig.1 Comparison of long-term mean SST (°C) from ROMS (a) and WOA13 (b) and SSS from ROMS (c) and WOA13 (d) 注: a 和 c: ROMS; b 和 d: WOA13

另外西太平洋水途径吕宋海峡进入南海, 导致 在吕宋海峡有一个明显的高盐水舌入侵现象。Qu 等 (2000)认为虽然存在混合效应, 但是南海的水团分布 中, 高盐水的北太平洋热带水(North Pacific tropical water, NPTW)在25 等密度面(位势密度为1025 kg/m³ 的面)上依然能被追踪到。图2分别比较了 ROMS 和 WOA13 在25 等密面上的盐度分布图, 发现25 等密 度面上的盐度分布自吕宋海峡开始向西南扩散至加 里曼丹岛, 同时中国南部和越南东部沿海的盐度又 比较小, 所以呈现出典型的舌状扩散, 与已有的研究 吻合(Qu et al, 2000)。 图 3—4 是 ROMS 气候态的表层流场在夏季(冬季) 与 OFES (OGCM for the earth simulator)数据的比较结 果,结果表明, ROMS 模拟的南海表层环流结构与 OFES 数据的结果大致吻合。其中夏季受西南季风影 响,南海南部上层环流有一个明显的反气旋结构(图 3),而冬季整个南海上层环流都是一个气旋式结构 (图 4)。但是无论是夏季还是冬季,在南海西边界沿 着陆架的位置总是有一条南海西边界流存在,其中 冬季的强度更为强劲。而在西北太平洋也可以看到一 条西向流动的北赤道流,北赤道流到达西边界后在 大约 14°N 的位置分叉,然后向北的一支形成黑潮.



图 2 盐度 25 等密度面(位势密度为 1 025 kg/m³ 的面)的盐度比较 Fig.2 Comparison of salinity on 25 Isopycnal-Surface 注: a: ROMS; b: WOA13; 空白区域盐度小于 34.44, 不在研究范围, 余同



图 3 夏季长期平均的表面流场比较

Fig.3 Comparison of long-term mean surface velocity from ROMS (a) and OFES (b) in summer 注: a: ROMS; b: OFES



图 4 冬季长期平均的表面流场比较 Fig.4 Comparison of long-term mean surface velocity from ROMS (a) and OFES (b) in winter 注: a: ROMS; b: OFES

向南的一支形成棉兰老流,与已有的研究类似。此外 图中还可以看到黑潮流经吕宋海峡的时候有明显的 入侵现象,实际上黑潮入侵南海不仅对整个南海环 流以及南海水体性质有影响,对南海北部中尺度涡 的产生也具有重大作用。

1.3 涡旋的识别追踪方法

本文用到的涡旋识别和追踪方法采用 Dong 等 (2011)的涡旋探测方法,该方法基于 Nencioli 等(2010) 年提出的流场几何特征的基础,主要由下面三个步 骤完成:

(1) 涡旋中心位置速度最小,记为涡心,涡心东 西(南北)两侧速度 v(u)的数值符号相反,大小随着距 中心点的距离线性增加,在涡心附近,速度矢量的旋 转方向必须一致。

(2) 涡旋的边界定义为围绕涡旋中心的最大闭 合流函数。

(3) 涡旋的运动轨迹需要在确定好涡心之后,通过比较连续时间的涡心位置进行算法追踪。

简单来说,以某时刻检测出来的中尺度涡心周 围 150 km 范围内,寻找下一时刻距离最近的一个相 同极性的涡旋。若能找到这样一个涡,则视为前一个 涡旋的后继涡旋,且该涡旋不会成为其他涡的后继 涡旋,然后以此继续追踪下去;若未找到合乎条件的 涡,则该涡的演变终止。该方法应用广泛(Liu *et al*, 2012; Lin *et al*, 2015;赵军等, 2018; Sun *et al*, 2018), 相比 Okubo-Weiss 方法和 Winding Angle 方法,拥有 很高的探测成功率和较低的误报率(Nencioli *et al*, 2010)。

1.4 同化数据与同化方案

同化数据采用了来自法国国家空间局卫星海洋 学存档数据中心(Archiving Validation and Interpolation of Satellite Oceanographic Data, AVISO, http://www.aviso.altimetry.fr/duacs/)提供的海面高度 异常资料,该资料是 0.25°分辨率的规则网格点,并 且融合了 Jason-1、Jason-2、Cryo Sat-2 卫星的沿轨海 面高度异常资料,是目前研究海表高度异常使用的 最广泛的资料。本文采用卫星高度计资料进行同化的 时间范围是 2012 年 7 月 1 日—2013 年 1 月 30 日,本 次同化中取的海表高度数据误差为 2 cm,观测误差 协方差为 0.000 4 m²。

数据同化是将确定性模式结果和观测数据融合 在一起,本文的后报模拟实验是在上述基础上获得 一个对海洋状态重新估计的初始场,此时的初始场 应该比单纯的模式结果更加接近真实情况。现阶段卫 星高度计资料以及现场观测的温盐剖面数据为我们 提供了很多的中尺度涡观测资料,如果能将其同化 入海洋模式中,将成为提高中尺度涡数值模拟精度 的有效途径。

目前, ROMS 模式主要有 3 种与其匹配的四维变 分(four dimensional variational, 4D-Var)同化模块 (Moore et al, 2011): 原始方程的增量强约束方法 (I4D-Var),对偶方程的基于物理空间统计分析系统 (physical-space statistical analysis system, 4D-PSAS)以 及对偶方程的基干代表的方法(dual formu- lation representer-based variant of 4D-Var, R4D-Var), I4D-Var 是在模型控制变量的全部空间中进行最佳循环估计 的搜索, 其稳定性比较好, 缺点是需要的计算量很 大。而 4D-PSAS 和 R4D-Var 的计算量小, 但只是在 观测的模型状态向量空间才被搜索。本文采用的是 I4D-Var 四维变分资料同化方法,该方法首先由 Courtier 等(1994)提出、包含有三个重要的模块: 非 线性模块(nonlinear forward model, NLM)、切线性模 块(tangent linear model, TLM)和伴随模块。ROMS 求 代价函数最小化所采用的是基于 Lanczos 方法的共轭 梯度下降算法(Fisher, 1998)。其中代价函数公式为 $J = J_{\rm h} + J_{\rm o}$

 $=\frac{1}{2}\delta \boldsymbol{x}^{\mathrm{T}}\boldsymbol{B}^{-1}\delta \boldsymbol{x}\frac{1}{2}\sum_{i=1}^{N_{\mathrm{obs}}} (\boldsymbol{G}\delta\boldsymbol{x}-\boldsymbol{d})^{\mathrm{T}}\boldsymbol{R}^{-1}(\boldsymbol{G}\delta\boldsymbol{x}-\boldsymbol{d})^{\mathrm{T}}$ (1)

式中, J为代价函数, 下标 b 和 o 分别代表背景场和观 测场; δx 表示 x 的增量; R 是观测场误差协方差矩阵; B 际上是由初始场、表面强迫场、背景场和模式的误 差协方差组成的对角矩阵; G 是在观测位置采样的切 线性模型; d 是第一个猜测值与观察值之间的差异。

数据同化通常将整个周期分为多段子周期进行 分析,以便于 TLM 由 NLM 的增量进行准确的描述。 假如目标是在同化窗口[*t_j*, *t_j*+1]内通过循环估计找到 *J* 最小值,通常采用分段滚动式同化方案(Broquet *et al*, 2009),具体的循环步骤如下:

(1) 在第 j 个循环中,初始条件来自上次的同化 循环,记为 $x_{t_j}^{\text{ini},j}$,可以用来计算 NLM 同化窗内的后 预报场从而为该循环提供背景场。

(2) I4D-Var 在第 j 个循环,使用外循环(N_{outer}) 共轭梯度下降算法得到最佳增量的估计 $\delta x_{t_j}^{N_{outer},j}$, 用 $x_{t_j}^{ini,j} + \delta x_{t_j}^{N_{outer},j} = x_{t_j}^{N_{outer},j}$ 得到最优分析初始条件的估计。 (3) 当同化窗内有可用观测值时, 用(2)中的结果 进行 NLM 计算得到 j+1 时刻最优观测的模式轨迹 $x_{L}^{N_{outer},j}$ 。

(4) 将(3)得到的观测模式最优估计作为 j+1 时刻 的初始点: $x_{t_{ij}}^{ini,j+1} = x_{t_{ij}}^{N_{outer},j}$,循环往复进行。

2 结果与分析

利用 1.4 节中介绍的 I4D-Var 同化方法,采用 5 d 的时间窗进行分段滚动式同化,外循环设置为 1 次,内

循环设置为 30 次, 对南海中尺度涡旋进行了系统的数 据同化实验。同化的时间范围为 2012 年 7 月 1 日—2013 年 1 月 30 日, 并主要对包括南海在内的 105°—123°E, 9°—26.24°N 的中尺度涡旋进行了统计分析。

2.1 同化结果的验证

将相同时间范围与空间范围内数据同化(I4D-Var) 结果、AVISO 实际观测和控制实验(control run, CR) 中的中尺度涡旋个数进行统计,其结果如表 1 所示。 由于 AVISO 数据的分辨率为 0.25°,因此表 1 中只统 计涡旋半径大于 60 km 的涡旋个数。

表 1 数据同化(I4D-Var)结果、AVISO 实际观测和控制实验(CR)中涡旋个数统计 Tab.1 Statistics of the number of vortices in I4D-Var, AVISO, and CR

| 统计类别 | 冷涡数(个) | 暖涡数(个) | 涡旋总数(个) | 与观测比较 | |
|---------|--------|--------|---------|-------|---|
| AVISO | 425 | 409 | 834 | - | |
| I4D-Var | 483 | 457 | 904 | 108% | |
| CR | 552 | 506 | 1058 | 127% | |
| | | | | | - |

由表1的对比可以看到,在AVISO观测的涡旋中 冷暖涡的个数相当、约1:1、该结果与全球范围内冷 暖涡的比例接近(Chelton et al, 2011), 但是冷涡个数 稍大于暖涡、该现象在 I4D-Var 和 CR 中也都得到了 较好地模拟。I4D-Var 统计到的总涡旋个数与实际观 测中的个数更为接近,相差仅 8%,冷涡和暖涡分别 比观测多了 13.6%和 12%。I4D-Var 结果相比 CR、其 涡旋个数更接近为真值。而未同化的结果则差别很大, CR 中的涡旋个数偏多, 相差 27%。找出整个同化时 间段内每天 AVISO 和 I4D-Var 一一对应的涡旋, 对于 半径在 60 km 以上的涡旋, I4D-Var 的成功识别率为 90%。然后分别计算了两者的涡心距离差距、半径相 对误差和振幅相对误差,如图 5 所示。可以看到 I4D-Var 与 AVISO 一一对应的涡旋中, 其平均涡心距 离有 4.3 海里的差距(图 5a), 平均振幅相对误差为 0.16 (图 5c), 而平均半径相对误差很小, 仅有 0.07 (图 5b), 上述结果充分说明经过数据同化的模拟场可 以再现真实海洋中的中尺度涡旋,而且与观测涡旋 的位置、振幅、半径大小也都十分吻合。

随后将 I4D-Var、AVISO 及 CR 三者在同化时间 段内涡旋出现的位置分布进行对比。由图 6b 的卫星 观测数据可以看到,本次同化时间范围内中尺度涡 旋主要出现在南海南部,尤其是在越南沿岸东侧涡 旋的出现频率最高,其原因主要与季风驱动和地形 作用有关(Chen *et al*, 2009)。其余沿着 118°E 也有两 个出现频率相对集中的位置分别位于 13°N 和 15°N



图 5 数据同化方法(I4D-Var)和 AVISO 对应涡旋的涡心差 距(a)、半径相对误差(b)和振幅相对误差(c)





图 6 I4D-Var (a)、AVISO(b)和控制实验(CR)(c)涡旋出现频率 Fig.6 Frequency of eddies appearance in I4D-Var (a), AVISO (b), and CR (c)

附近。在该时间段内,虽然南海北部的涡旋出现频率 很低,但是在吕宋海峡出入口的涡旋出现频率普遍 较高,其中台湾西南部是南海北部涡旋出现频率的 高值区域。有关台湾岛西南部的暖涡生成机制仍然是 许多学者关注的热点问题。而 I4D-Var 的涡旋出现频 率无论是在强度还是空间分布与 AVISO 都有很好的 对应关系,台湾岛西南部涡旋的出现频率要略高于 观测结果。而 CR 中涡旋的出现位置与观测相比相差 比较大。由此可见,数值模式经过数据同化后能够很 好地产生与 AVISO 对应的中尺度涡,而为加入数据 同化的模拟中涡旋出现位置的分布则具有非常强的 随机性。

接着将同化时间段内所有的涡旋半径进行了比较分析,结果如图 7 所示。结果表明, I4D-Var 和 CR中半径在 60 km 以下的涡旋分别占了总涡旋数量的34%和 28%,而 AVISO 数据识别的涡旋大部分都在60 km 以上(92%),造成该差异最主要因素可能是分辨率的不同,如果只统计半径大于 60 km 的涡旋比例分布,则 I4D-Var 与 AVISO 观测结果非常吻合, CR 结果则相差很多(表 1)。



图 7 I4D-Var (a)、AVISO(b)和 CR(c)涡旋半径比例图 Fig.7 Scale diagram of eddies radius in I4D-Var (a), AVISO (b), and CR (c)

为进一步证明同化结果的有效性,还将 I4D-Var、 AVISO 及 CR 中涡旋的半径空间分布进行对比。从 图 8 中可以看到 I4D-Var 的涡旋半径分布(图 8a)与实 际观测(图 8b)非常一致,大半径的涡旋主要分布于 南海南部 115°E 以西的地方,且半径普遍要大于 100 km。南海北部大半径涡旋较少,出现频率较多 的台湾岛西南部涡旋半径主要在 80 km 左右。而 CR (图 8c)中无论是涡旋半径空间位置分布还是大小分 布都与观测相差甚远。上述的统计结果间接的表明 了 I4D-Var 相对于 CR 具有明显的优越性, 证明了在 模式中加入四维变分同化对中尺度涡的模拟是非常 有效的。

下面可通过 2012 年 11 月 13 日—2012 年 11 月 28 日时间段的个例分析来直观的看一下加入同化的 数值模拟效果。图 9 是 AVISO 的海表高度异常(sea surface height anomalies, SSHA)和地转流分布图,在 11 月 13—28 日期间南海海盆西部有一个越南冷涡 (Vietnam cyclonic eddy, VCE)和一个越南暖涡



图 8 I4D-Var (a)、AVISO(b)和 CR(c)涡旋半径空间分布图 Fig.8 Spatial distribution of eddies radius in I4D-Var (a), AVISO (b), and CR (c)





(Vietnam anticyclonic eddy, VAE)组成的涡旋对,该涡 旋对通常在越南东岸周期性出现,所以也将其统称 为越南涡旋对(Vietnam eddy pair, VEP) (Chen *et al*, 2010)。Chen 等(2010)研究表明越南涡旋对通常发生 在夏秋季节,局地风应力是该涡旋对年际性出现的 主要原因。另外一个典型的涡旋就是南海东北部发展 起来一个比较强的暖涡,该暖涡位于台湾西南部,所 以也常被成为台湾暖涡(Taiwan anticyclonic eddy, TAE)。TAE 经常发生在冬季,有关 TAE 的生成机制 有许多的研究,其中 Nan 等(2011)提出了涡旋与黑潮 相互作用模型,认为黑潮路径的变化是该地区涡旋 形成的主要诱因。冬季由于受东北季风影响,黑潮环 流较为频繁的出现在台湾东南部,极易发生流套脱 离现象,从而发展为暖涡。 图 10 是图 9 在相同时间段由 I4D-Var 同化得到 的 SSHA 和地转流分布图,从图中可以看出, I4D-Var 的 SSHA 和流场的空间分布非常接近 AVISO 的观测 结果。图中各个涡旋的位置可以互相对应,除了上述 VEP 和 TAE 都得到很好地模拟,其余涡旋也均被很 好地模拟,如 11 月 13—22 日南海东部吕宋海峡口附 近吕宋冷涡(Luzon Cyclonic Eddy, LCE, Wang *et al*, 2008)、11 月 13—19 日南海中部 113.6°E, 16°N 附近 的中部气旋涡(center cyclonic eddy, CCE), 11月13— 28日南海东部 118.2°E, 13°N 黄岩岛附近有一个肉眼 可识别的冷涡(Huangyan Dao cyclonic eddy, HCE)。有 趣的是,在I4D-Var和AVISO结果中均可以看到一个 由LCE、CCE和VCE贯穿南海中部的冷涡序列结构, Chu等(2020)基于卫星观测和现场观测数据的统计结 果指出南海冬季沿 17°N 和西边界形成的反"L"型涡 列呈周期性出现。



图 10 I4D-Var 海海面高度异常(单位: cm)以及地转流(单位: cm/s)演变 Fig.10 Evolution in SSHA (unit: cm) and geostrophic current (unit: cm/s) of I4D-Var 注: 图中红圈和蓝圈分别代表暖涡和冷涡,中间对应颜色的点代表涡旋中心

为了进一步检验模式加入同化后对温、盐场的调整,选取了某时刻沿115°E(10°—18°N,水深<300 m)的温盐剖面图,该经度恰好穿过一个冷涡和一个暖涡。图11a、11b上方是该剖面上AVISO(黑线)、I4D-Var(红线)和CR(蓝线)的SSHA比较结果,通过AVISO结果可以看到,该剖面上SSHA分别在13°N和14.7°N,出现极小值(0.02 m)和极大值(0.27 m),对应着一个冷涡和一个暖涡。其中,I4D-Var的SSHA极小值点与AVISO 基本一致,极大值点位于15.2°N附近,相比AVISO 稍微向北偏移0.5°。而CR的SSHA普遍小于AVISO 和 I4D-Var,在16.6°N有一个极大值点(0.12 m),但是距离AVISO和I4D-Var的极大值距离比较远,

其结果不确切。经计算, CR 的 SSHA 均方根误差 (RMSE)为14%, 而I4D-Var的RMSE为5%, 相比CR 得到了8%的优化。比较I4D-Var和CR的温盐剖面可 以看到,图11a冷涡附近(蓝色阴影)的等温线有明显 的向上弯曲,涡旋内的水温比周围水体要小,且该冷 涡的温度中轴线向南偏移;暖涡(红色阴影)内的等温 线则向下弯曲,表层的海水幅聚下沉,其18°C等温 线最深可达90m的位置;而在未同化的CR实验中 (图11b)两个阴影位置的等温线都比较平缓,没有出 现明显的弯曲情况。同样地,在盐度剖面图中, I4D-Var中冷涡内(图11c蓝色阴影)的盐度变大,下层 的高盐水有强烈的上升趋势;暖涡内(图11c红



图 11 沿 115°E 的温盐剖面图 Fig.11 Profiles of temperature and salinity along 115°E 注: a 和 c 是 I4D-Var 的结果; b 和 d 是 CR 的结果; 蓝色阴影对应冷涡, 红色阴影对应暖涡

色阴影)的盐度等值线明显向下弯曲,但是没有冷涡 弯曲的强烈;反观CR的盐度剖面图(图11d)两个阴影 内的等值线都较为平缓,说明这里没有涡旋存在。

经过上述同化结果与 AVISO 观测的一系列比较 表明,相比单纯模式模拟的结果,加入四维变分同化 后的模式可以极大地提高对南海中尺度涡旋的模拟 能力。在一个涡旋剖面个例的验证中发现同化后的模 式相比不同化对 SSHA 模拟的优化可达 8%,而且模 式加入同化后不仅可以改变海面高度,其最终还会 导致整个温度、盐度和密度场的改变。由此可以证明 模式加入数据同化之后可以得到一个接近真实的海 洋动力学状态,在该基础上可以展开中尺度涡的后 报模拟及时效性检验工作。

2.2 南海中尺度涡旋的后报模拟实验及其时效性检验 通过上面的分析可以看出, I4D-Var 能够很好地

模拟出与观测结果相符的中尺度涡,但是该结果是 在有观测资料同化的前提下。那么,如果只有较为准 确的初始场,而没有同化的帮助,仅仅靠海洋模式是 否能够对中尺度涡旋的进一步运动进行准确地模拟 呢?众所周知,中尺度涡虽然称之为中尺度,但实际 上已属于大尺度海洋现象的范畴,它的运动受到准 地转平衡关系的约束。因此,从理论上讲,像风场、 水热通量等外在的强迫场虽然对中尺度涡有长期的 影响,但是短期内对中尺度涡的运动和发展影响不 大(高山等,2007)。因此,可以想象,借助中尺度涡的 这种地转平衡约束的惯性,使用模式模拟在短期内 是应当可以保证涡旋模拟的大致准确性。为了验证该 假设的可行性,我们决定使用同化模拟得到的结果 作为初始场,然后仅依靠 ROMS 海洋模式,对中尺度 涡进行后报实验,以初步检验上述猜测的合理性,进 而确定中尺度涡的预报时效。具体方案如下:

(1) 同化进行到 2012 年 12 月 8 日时停止,得到 该时间段的同化场结果;

(2) 将(1) 中的结果作为初始场,保持海表强迫场和侧边界场不变,仅靠模式本身运行,对中尺度涡进行后报模拟,运行时间为3个月(2012年12月8日-2013年3月8日);

(3) 将后报模拟(hindcast control, HC)结果与相同时间段的 AVISO 高度计资料进行对比。

需要指出的是本文中所说的预报,实际上是在 同化结果提供初始场的基础上进行的后报模拟,主 要用于检测同化模拟的有效性。

分别选取 HC 在第 5、10、15 和 20 天的 SSHA 结果与观测结果进行对比、结果如图 12 所示。首先 HC 模拟的 SSHA 分布与 AVISO 十分吻合,该时间段 内 HC 模拟的南海中尺度涡与 AVISO 也有很好的对 应关系,其中 TAE、HCE、VCE 和 CAE 在后预报的 20 d 内均持续存在, VAE 也明显地存在于前 10 d, 之 后逐渐消亡。分别计算后预报 20 d内 HC 和 AVISO 之间对应涡旋的 SSHA 相关系数、涡心差距和半径绝 对误差,如图 13a 所示, HCE、VCE 和 CAE 在前 20 d 内的 SSHA 相关系数均在 0.7 以上。TAE 在前 13 dSSHA 相关系数均在 0.85 以上, 但之后有减小趋势, 其可能原因是 AVISO 中 TAE 逐渐向西南方向移动(图 12e 和 12g), 而 HC 中虽有移动, 但很缓慢。VAE 的 SSHA 相关系数在前 10 d 皆在 0.6 以上, 10 d 以后由 于 VAE 开始消亡,相关系数迅速减小。另外,图 13b 可以看出,除了 VCE 的涡心差距在大部分时间内保 持一致外、其余涡旋的涡心差距虽然均有增大的趋 势,但是皆在 30 海里范围内,平均涡心差距仅为 15 海里。VCE、CAE 和 VAE 由于涡旋形态的高时变性, 导致三者的半径绝对误差随时间略有增加,但是基 本维持在 30 海里以内, 而 TAE 和 HCE 较为稳定, 其 平均半径绝对误差分别为 3.5 和 6.6 海里。由此可见、 上述后报结果验证了我们的猜测、即由同化结果而 来的初始场具备了中尺度涡巨大的准地转运动惯性, 仅使用 ROMS 海洋模式对南海中尺度涡旋进行预报 模拟是可行的、对于本次南海中尺度涡旋的后报模 拟,预报时效可达10d以上。

为了更清晰地量化中尺度涡的预报模拟效果, 本研究进一步计算了所有中尺度涡(图 12 中标注涡旋) 运动学参数的平均相关系数,并以此作为预报的评 估指标。所选取的运动学参数主要包括: SSHA、相对 涡度(relative vorticity, RV)、涡动能(eddy kinetic energy, EKE)和水平散度(divergence, Div), 相应的计算公式如下:

$$V_{\rm R} = \partial \tilde{v} / \partial x - \partial \tilde{u} / \partial y , \qquad (2)$$

$$E_{\rm EK} = \frac{1}{2} (\tilde{u}^2 + \tilde{v}^2) \quad , \tag{3}$$

$$D = \partial \tilde{u} / \partial x + \partial \tilde{v} / \partial y , \qquad (4)$$

式中, V_{R} 表示相对涡度; E_{EK} 表示涡动能; D 表示水平 散度; \tilde{u} 和 \tilde{v} 分别代表地转速度异常的纬向分量和经 向分量:

$$(\tilde{u}, \tilde{v}) = \frac{g}{f} \left(-\frac{\partial (A_{\rm SSH})}{\partial y}, \frac{\partial (A_{\rm SSH})}{\partial x} \right).$$
(5)

4 个运动学参数的平均相关系数随时间变化如图 14 所示,可以看到在后预报的 20 d 中,上述 4 个参数 的平均相关系数均在 0.67 以上,其中 EKE 和 RV 的 相关性甚至皆在 0.78 以上,该结果进一步证明四维 变分同化技术可以提供合理的预报初始场,能极大 地提高中尺度涡的短期预报准确率。

通过图 12 和图 13 可以看到 TAE 相比模拟区域 中的其他涡旋都要强大,半径大小与观测高度吻合, 涡旋形态的时变性小、并且持续地向西南方向移动、 下面以 TAE 作为研究个例,继续检验经四维变分同 化优化过的初始场对于中尺度涡旋的预报效果。继续 探测并追踪后报模拟中涡旋的变化,发现 TAE 自 2012年12月8日开始继续运行了86d, 一直到2013 年3月2日终止。而在 AVISO 观测中该涡旋生命周 期有 89 d (2012 年 11 月 28 日—2013 年 2 月 24 日) 与预报结果比较一致。两者运行路径的比较如图 15 所示, 两者皆产生于南海东北部约 118.5°E, 21°N 附 近, 然后向西南方向运动, 并于 113.5°E, 17.5°N 附近 消亡。图 15 可以看出 HC 模拟的移动路径和 AVISO 大致吻合、说明同化提供的初始场对于预报中尺度 涡位置的演变发展有很好的帮助。此外还比较了涡旋 在 HC 模拟和 AVISO 观测两种情况下半径和振幅相 对误差的时间变化、如图 16 所示、TAE 振幅和半径的 变化趋势几乎是同步的,其中,前30d内TAE平均半 径相对误差和平均振幅相对误差分别为-0.01 和 -0.13, 证明前 30 d, TAE 的后报模拟半径和振幅与观 测高度吻合。30—65 d, HC 模拟的涡旋经历了一个半 径和振幅减小又增大的过程,直至最后消亡的阶段, HC 模拟的涡旋半径和振幅又恢复到和观测接近的状 态。上述结果表明后预报场可以预报模拟个别强









Fig.13 Time series of SSHA correlation coefficient (a), eddy center distance (b), and radius absolute errors (c) of eddies corresponding to HC and AVISO





壮涡旋整个生命周期的移动路径,并且在短时间内 高度还原真实涡旋的大小和振幅变化,其他运动学 参数的预报模拟结果还需要进一步的验证。



Fig.16 Time series of relative error of eddy radius and amplitude

综合上述对比结果进一步表明,模式的后报结 果的确在至少 10 d 内依然与 AVISO 观测分析结果非 常吻合。个别成熟且稳定发展的涡旋,比如 TAE 甚至 能够预报整个生命周期的移动路径。后报模拟因为有 了四维变分同化给出的合理初始场,可以极大地提 高中尺度涡旋模拟的准确性,究其原因有如下两点:

(1)得益于 ROMS 成熟的四维变分同化模块给 后报模拟提供了一个接近真实海洋状态的初始场, 其海面高度和流场与实际观测结果非常接近,而且 其对应的温度、盐度和密度场均得到调整。

(2) 海洋中地转平衡的调整是一个缓慢的过程, 对于已经形成的中尺度涡来说,其运动和发展主要 受到地转平衡的约束,而快速变化的强迫场在短时 间内对其影响不大。

因此,中尺度涡一旦形成,则认为模式达到一个 接近真实海洋地转平衡的状态,在这种地转平衡的 "惯性"驱动下,模式可以很好地预测中尺度涡在短期 内的运动状态。

3 结论

本文首先利用四维变分数据同化方法将 AVISO 卫星高度计资料同化到 ROMS 模式中,并对同化结果 进行了统计分析; 然后使用同化模拟得到的结果作为 初始场, 仅依靠 ROMS 海洋模式, 对中尺度涡进行后 预报实验, 探讨了经数据同化优化的初始场对于中尺 度涡旋后预报模拟的可行性和有效性。结论如下:

加入四维变分数据同化之后的 ROMS 模式能够 极大的提高南海中尺度涡的模拟精度。对比同化期间 内卫星观测和同化结果的涡旋位置,发现同化可以 一一再现 90%的南海中尺度涡旋,其中平均涡心距 离为 4.3 海里,平均振幅相对误差为 0.16,平均半径 相对误差仅为 0.07。此外,经同化再现的中尺度涡旋 的数量、出现频率和半径的空间分布与观测都非常吻 合,而单独模式模拟的涡旋产生位置和大小则具有 很大的随机性。

同化方法是通过对整个模拟场的海水状态进行 调整产生的中尺度涡旋,并使得涡旋的运动得以维 持。通过对一个同时穿越冷涡和暖涡的剖面对比发现, 相比未加入同化的结果,加入同化后 SSHA 的均方根 误差得到了 8%的优化,而且同化模拟中冷、暖涡对 应的温度和盐度场均产生相应的变化。

同化模拟可以帮助模式得到一个接近真实的中 尺度涡模拟场,以这个稳定的平衡场作为初始场,进 行正常的南海中尺度涡旋的后报模拟发现,模式的 后预报能力可达 10 d 以上。将个别稳定并强壮发展 的涡旋的运动轨迹、半径及振幅信息与实际观测进行 了比较,结果表明其生命周期和运动轨迹几乎与观 测吻合,而且短时间内高度还原真实涡旋的大小和 振幅变化。

值得注意的是同化得到的预报初始场实际上是 一个中尺度涡旋的地转平衡状态,所谓的预报,则是 中尺度涡在地转平衡"惯性"驱动下的结果。而诸如风 暴潮、台风等极端天气都有可能打破上述地转平衡, 下一步可以对这些极端天气进行单独的讨论研究。本 文中一个隐含的假设是模式、表面边界条件和侧向开 边界条件是准确的,但实际上,四维变分同化中初始 场、表面强迫场、背景场、模式和观测的误差协方差 矩阵都会影响到代价函数的计算。因此,下一步将采 用国内外认可的实时强迫场数据继续调试优化模式 本身的模拟能力,并在同化中加入 Argo、水下滑翔 机、潜标等现场观测的温盐剖面数据,进行南海中尺 度涡的实际预报实验。

参考文献

- 赵 福, 张蕴斐, 朱学明等, 2017. 冬季台湾西南海域一对冷、 暖中尺度涡的同化模拟研究. 海洋预报, 34(5): 1—15
- 赵 军,高 山,王 凡等,2018. 西北太平洋中尺度涡半径 与涡动能的统计关系. 海洋科学,42(8):71—78
- 高 山, 王 凡, 李明悝等, 2007. 中尺度涡的高度计资料同 化模拟. 中国科学 D 辑: 地球科学, 37(12): 1669—1678
- Broquet G, Edwards C A, Moore A M et al, 2009. Application of 4D-Variational data assimilation to the California Current System. Dynamics of Atmospheres and Oceans, 48(1—3): 69—92
- Chelton D B, Schlax M G, Samelson R M, 2011. Global observations of nonlinear mesoscale eddies. Progress in Oceanography, 91(2): 167–216
- Chen G X, Hou Y J, Chu X Q *et al*, 2009. The variability of eddy kinetic energy in the South China Sea deduced from satellite altimeter data. Chinese Journal of Oceanology and Limnology, 27(4): 943–954
- Chen G X, Hou Y J, Zhang Q L *et al*, 2010. The eddy pair off eastern Vietnam: Interannual variability and impact on thermohaline structure. Continental Shelf Research, 30(7): 715–723
- Chu X Q, Chen G X, Qi Y Q, 2020. Periodic mesoscale eddies in the South China Sea. Journal of Geophysical Research: Oceans, 125(1): e2019JC015139
- Courtier P, Thépaut J N, Hollingsworth A, 1994. A strategy for operational implementation of 4D-Var, using an incremental approach. Quarterly Journal of the Royal Meteorological Society, 120(519): 1367—1387
- Dong C M, Nencioli F, Liu Y *et al*, 2011. An automated approach to detect oceanic eddies from satellite remotely sensed sea surface temperature data. IEEE Geoscience and Remote Sensing Letters, 8(6): 1055–1059
- Fisher M, 1998. Minimization algorithms for variational data assimilation. In: Seminar on Recent Developments in Numerical Methods for Atmospheric Modelling, 7—11 September 1998. Shinfield Park, Reading: ECMWF
- Large W G, McWilliams J C, Doney S C, 1994. Oceanic vertical mixing: A review and a model with a nonlocal boundary layer parameterization. Reviews of Geophysics, 32(4): 363–403
- Lin X Y, Dong C M, Chen D et al, 2015. Three-dimensional properties of mesoscale eddies in the South China Sea based on eddy-resolving model output. Deep Sea Research Part I: Oceanographic Research Papers, 99: 46–64
- Liu Y, Dong C M, Guan Y P et al, 2012. Eddy analysis in the subtropical zonal band of the North Pacific Ocean. Deep Sea Research Part I: Oceanographic Research Papers, 68: 54—67
- Moore A M, Arango H G, Broquet G et al, 2011. The Regional Ocean Modeling System (ROMS) 4-dimensional variational data assimilation systems. Progress in Oceanography, 91(1): 34—49
- Nan F, Xue H J, Xiu P *et al*, 2011. Oceanic eddy formation and propagation southwest of Taiwan. Journal of Geophysical Research: Oceans, 116(C12): C12045
- Nencioli F, Dong C M, Dickey T *et al*, 2010. A vector geometry-based eddy detection algorithm and its application to a high-resolution numerical model product and

high-frequency radar surface velocities in the southern California bight. Journal of Atmospheric and Oceanic Technology, 27(3): 564—579

- Neveu E, Moore A M, Edwards C A et al, 2016. An historical analysis of the California Current circulation using ROMS 4D-Var: System configuration and diagnostics. Ocean Modelling, 99: 133–151
- Oke P R, Sakov P, Cahill M L *et al*, 2013. Towards a dynamically balanced eddy-resolving ocean reanalysis: BRAN3. Ocean Modelling, 67: 52—70
- Penven P, Marchesiello P, Debreu L *et al*, 2008. Software tools for pre- and post-processing of oceanic regional simulations. Environmental Modelling & Software, 23(5): 660—662
- Qu T D, Mitsudera H, Yamagata T, 2000. Intrusion of the North Pacific waters into the South China Sea. Journal of Geophysical Research: Oceans, 105(C3): 6415-6424
- Shchepetkin A F, McWilliams J C, 2005. The regional oceanic modeling system (ROMS): A split-explicit, free-surface, topography-following-coordinate oceanic model. Ocean Modelling, 9(4): 347—404
- Sun W J, Dong C M, Tan W et al, 2018. Vertical structure

anomalies of oceanic eddies and eddy-induced transports in the South China Sea. Remote Sensing, 10(5): 795

- Wang G H, Chen D, Su J L, 2008. Winter eddy genesis in the eastern South China Sea due to orographic wind jets. Journal of Physical Oceanography, 38(3): 726–732
- Wang G H, Su J L, Li R F, 2005. Mesoscale eddies in the South China Sea and their impact on temperature profiles. Acta Oceanologica Sinica, 24(1): 39–45
- Wu C R, Chiang T L, 2007. Mesoscale eddies in the northern South China Sea. Deep Sea Research Part II: Topical Studies in Oceanography, 54(14/15): 1575–1588
- Xie J, De Vos M, Bertino L *et al*, 2020. Impact of assimilating altimeter data on eddy characteristics in the South China Sea. Ocean Modelling, 155: 101704
- Xiu P, Chai F, Shi L *et al*, 2010. A census of eddy activities in the South China Sea during 1993–2007. Journal of Geophysical Research: Oceans, 115(C3): C03012
- Zhang Z W, Zhao W, Qiu B *et al*, 2017. Anticyclonic eddy sheddings from Kuroshio loop and the accompanying cyclonic eddy in the Northeastern South China Sea. Journal of Physical Oceanography, 47(6): 1243–1259

THE MESOSCALE EDDY HINDCAST EXPERIMENT FOR THE SOUTH CHINA SEA BASED ON 4D-VAR METHOD

ZHAO Jun^{1, 2, 3}, GAO Shan^{1, 2, 3, 4}, WANG Fan^{1, 2, 3, 4}

(1. Institute of Oceanology, the Chinese Academy of Sciences, Qingdao 266071, China; 2.Key Laboratory of Ocean Circulation and Wave, the Chinese Academy of Sciences, Qingdao 266071, China; 3. University of the Chinese Academy of Sciences, Beijing 100049, China; 4. Laboratory for Ocean Dynamics and Climate, Pilot National Laboratory for Marine Science and Technology (Qingdao), Qingdao 266237, China)

Abstract Ocean mesoscale eddy is essentially a large scale motion satisfying quasi geostrophic equilibrium. Theoretically, its motion will be mainly constrained by the quasi geostrophic equilibrium relationship in a short time, while the influence of external forcing field will not change its motion characteristics significantly. Therefore, a prediction scheme of mesoscale eddy was proposed based on the initial field of four-dimensional variational assimilation. To test the feasibility of the scheme, a regional ocean model system (ROMS) and its built-in the primal formulation of incremental strong constraint four dimensional variational (I4D-Var) module were used to establish a marine assimilation simulation system for the South China Sea (SCS). First, AVISO altimeter data were assimilated into the ocean numerical simulation by the I4D-Var method, and the ideal mesoscale eddy assimilation simulation results were obtained. The statistical results of assimilation, model simulation, and observation show that the path, radius, sea surface height anomaly and amplitude of the mesoscale eddies simulated by the assimilation system are in good agreement with those observed by AVISO. Meanwhile, the depth analysis shows that the temperature, salinity, and density of eddies could be effectively adjusted. Secondly, the simulation results of the assimilation system were used as the initial field to simulate and quantitatively analyze the mesoscale eddies in the SCS in a certain period. By comparing the SSHA (sea surface height anomaly) correlation coefficient, eddy center distance, and radius absolute error of the corresponding eddies in the post prediction simulation and observation data, the post prediction time of mesoscale eddies in this scheme reached at least 10 days. The results of the post prediction experiments verified the feasibility of the proposed scheme, which provides a theoretical basis and a feasible scheme for the prediction of mesoscale eddies.

Key words South China Sea; mesoscale eddy; regional ocean modeling system (ROMS); 4DVAR data assimilation; forecast